

Exakte Suche/ Pattern Matching

K. Dührkop, M. Fleischauer

Lehrstuhl für Bioinformatik
Fakultät für Mathematik und Informatik
Friedrich-Schiller-Universität Jena

Exakte Suche

- Suche nach einem String in einem anderen.
- Definition:
Gegeben sei eine Sequenz $a = a_1 \dots a_n$ und ein Muster $b = b_1 \dots b_m$. Ein Vorkommen von b in a (an Position i) ist eine Subsequenz $a_i \dots a_{i+m-1}$ von a , die exakt gleich b ist. Exakte Suche ist das Problem die/ein Vorkommen von b in a zu finden.

Anwendungen in der Bioinformatik

- direkt: Suche nach exakten Teilsequenzen
- deutlich schneller als nicht-exakte Suche, deshalb für Approximation nicht-exakter Suche.
- Sequenzen können Nukleotid- oder AS-Sequenzen sein, aber durchaus auch “lesbare” Texte

Das Naive Verfahren

- Prinzip: das Muster wird an allen Positionen der Sequenz von Neuem mit der Sequenz verglichen.

```

                1           2           3
123456789012345678901234567890123
anna mag banane lieber als ananas
ananas
  ananas
    ananas ...
      ananas
        ananas ...
          ananas
            ananas ...

```

- Komplexität Worst-Case $O(n \cdot m)$. Wird das Muster jeweils nur soweit wie nötig verglichen, ergibt sich in der Praxis oft $O(n + m)$ im Mittel.

Knuth-Morris-Pratt Algorithmus

- Berechnung der nsten Position im Muster
 - $next[j] = 1 + Le$ des lsten echten Suffixes von $b_1 \dots b_{j-1}$, das zugleich Prx von b ist
 - $next[1] = 0$ (Stopper-Wert)
- Konstruktion des next-Arrays durch „Suche des Musters in sich selbst.“
- Verfahren zur Suche von b in a (Len m und n)

```
int i=1, j=1; // Zeiger in Sequenz(i) und Muster(j)
while (i<=n && j<=m)
    if (j==0 || a[i] == b[j])
        i++; j++;
    else
        j = next[j];
if (i<=n) gefunden an Position i-m else nicht gefunden
```

Boyer-Moore Algorithmus

- Idee
 - viele Textzeichen kommen im Muster nicht oder nur selten vor
 - das lt sich ausnutzen, um nicht mehr alle Textzeichen zu betrachten
- Prinzip
 - das Muster wird von rechts beginnend mit der Sequenz verglichen, aber wie bisher von links nach rechts ber die Sequenz geschoben
 - falls das Zeichen der Sequenz gar nicht im Muster auftaucht, kann das Muster komplett um eine Musterlge verschoben werden.(Bad-Character)
 - sonst lt sich immer noch berechnen wie weit das Muster bei einem Mismatch verschoben werden kann.(Good-Suffix)

Bad-Character-Heuristik

Hoola-Hoola girls like Hooligans

Hooligan

 Hooligan

 Hooligan

 Hooligan

 Hooligan

(Strong) Good-Suffix-Heuristik

reinesupersauersupesupersupe
supersupe
 supersupe
 supersupe
 supersupe

Boyer-Moore Algorithmus

- delta_{BCH} -Tabelle

$$\mathit{delta}_{BCH}(c) = \begin{cases} m - j & \text{falls } b_j \text{ rechtestes Vorkommen von } c \text{ in } b \text{ ist} \\ m & \text{falls } c \text{ nicht in } b \end{cases}$$

- delta_{GSH} -Tabelle

$$\mathit{delta}_{GSH}(j) = \begin{cases} j - k & \text{falls } b_{k+1} \dots b_{k+m-j} \text{ mit } b_k \neq b_j \\ & b_j \text{ rechtestes Vorkommen von } b_{j+1} \dots b_m \text{ ist} \\ m & \text{falls } b_{k+1} \dots b_{k+m-j} \text{ mit } b_k \neq b_j \text{ nicht in } b \text{ vorkommt} \end{cases}$$

Boyer-Moore Algorithmus

- Algorithmus zur Suche von b in a (Len m und n)

```
int i=m, j=m; // Zeiger in Sequenz und Muster
while (j>=1 && i<=n)
    if (a[i] == b[j])
        i--; j--;
    else
        i+=max(m-j+1, deltaBCH(a[i]), deltaGSH(j))
        j=m
return i+1;
```